

Bauteile

	Widerstand	Kondensator	Spule	Diode
Symbol				
Einheit	$[R] = \frac{V}{A} = \frac{\Omega}{\text{Ohm}}$	$[C] = \frac{F}{\text{Farad}} = \frac{C}{V} = \frac{As}{V}$	$[L] = \frac{H}{\text{Henry}} = \Omega s = \frac{Vs}{A}$	-
Reihenschaltung				
	$R = R_1 + R_2$ $U_{R1} = U \cdot \frac{R_1}{R_1 + R_2}$	$C = \frac{1}{\frac{1}{C_1} + \frac{1}{C_2}} = \frac{C_1 \cdot C_2}{C_1 + C_2}$	$L = L_1 + L_2$	$U_D = U_{D1} + U_{D2}$
Parallelschaltung				
	$R = \frac{1}{\frac{1}{R_1} + \frac{1}{R_2}} = \frac{R_1 \cdot R_2}{R_1 + R_2}$ $U_{R1} = U_{R2}$ $I_{R1} = I \cdot \frac{R_2}{R_1 + R_2}$	$C = C_1 + C_2$	$L = \frac{1}{\frac{1}{L_1} + \frac{1}{L_2}} = \frac{L_1 \cdot L_2}{L_1 + L_2}$	$U_D = U_{D1} = U_{D2}$
Verhalten an AC	$X_R = R$	$X_C = \frac{1}{j \omega C} = - \frac{j}{\omega C}$	$X_L = j \omega L$	-
Sonstige Eigenschaften	Temperaturabhängigkeit $R_T = R_0 \cdot (1 + \alpha \cdot (T - T_0) + \beta \cdot (T - T_0)^2)$ Gilt auch für ρ	Temperaturabhängigkeit $C_T = C_0 \cdot (1 + \alpha \cdot (T - T_0))$	Abschätzungen $f \rightarrow 0: X_L \hat{=} 0 \Omega, X_L \hat{=} \infty \Omega$ $f \rightarrow \infty: X_L \hat{=} \infty \Omega, X_C \hat{=} 0 \Omega$	Leitet nur in „Pfeilrichtung“ ab $U_D = 0,6 V$ (idealisiert) In Sperrrichtung wie „keine Verbindung“ Kann (leitend) als Spannungsquelle mit U_D betrachtet werden.
	Spezifischer Widerstand $R = \frac{\text{spez. Wid.} \cdot \text{Länge}}{\text{Querschnitt}} = \frac{\tilde{\rho} \cdot \tilde{l}}{A}$	Abschätzungen $f \rightarrow 0: X_C \hat{=} \infty \Omega, X_C \hat{=} 0 \Omega$ $f \rightarrow \infty: X_C \hat{=} 0 \Omega, X_C \hat{=} \infty \Omega$		
	$u(t) = \frac{i(t)}{R}$ $i(t) = u(t) \cdot R$	$u(t) = U_0 + \frac{1}{C} \cdot \int_0^T i(t) dt$ $i(t) = C \cdot \frac{\delta u(t)}{\delta t}$	$u(t) = L \cdot \frac{\delta i(t)}{\delta t}$ $i(t) = \frac{1}{L} \cdot \int_0^T u(t) dt$	$I = I_s \left(e^{\frac{qU}{k_B T}} - 1 \right)$ $U = \frac{k_B T}{q} \cdot \ln \left(\frac{I}{I_s} + 1 \right)$

Zur Phasenverschiebung: **Kondensator, Strom vor**, bzw. **Induktivitäten Ströme sich verspäten**.
Spulen erlauben keine schlagartigen Änderungen von Strömen.

SI-Einheiten: $[I] = A, [U] = \frac{W}{A} = \frac{J}{C} = \frac{kgm^2}{s^3A^1}, [R] = \frac{V}{A} = \frac{kgm^2}{s^3A^2}, [P] = \frac{J}{s} = VA = \frac{kgm^2}{s^3}$

Transistor

	Beispielschaltung	Formeln	Zustände
Transistor		<p>Ströme $I_C = I_B \cdot \beta$ $I_E = I_C + I_B = I_B(\beta + 1)$</p> <p>Spannungen $U_{BE} = 0,7V$ (meistens) $U_{CE} = \text{variabel}$ $U_C = U_{VCC} - U_{RC}$ $U_E = U_{RE}$</p> <p>Spg.-Verstärkung $U_C(I_B) = U_{VCC} - R_C \cdot I_B \cdot \beta$ $U_E(I_B) = R_E \cdot I_B \cdot (\beta + 1)$ $\frac{\delta U_E(U_B)}{\delta U_B} = 1$</p>	<p>Sperrn $I_B = I_C = I_E = 0$ $U_{CE} = U_{VCC}$</p> <p>Verstärken $I_C = I_B \cdot \beta$ $U_{RC} = R_C \cdot I_B \cdot \beta$ $U_{RE} = R_E \cdot I_B \cdot (\beta + 1)$ $U_{VCC} \geq U_{CE} = U_C - U_E \geq 0$</p> <p>Übersteuern Strom durch R_C/R_E begrenzt $U_{CE} = 0$ $I_C \leq I_B \cdot \beta$</p>

Tief-/Hochpass 1. Ordnung

	RC-Tiefpass	RC-Hochpass	RL-Hochpass	RL-Tiefpass
Schaltung				
Formeln	$H(\omega) = \frac{X_C}{X_C + R}$	$H(\omega) = \frac{R}{X_C + R}$	$H(\omega) = \frac{X_L}{X_L + R}$	$H(\omega) = \frac{R}{X_L + R}$
Grenz- frequenz	$Im(Z) = Re(Z), \omega_g = \frac{1}{\tau}, f_g = \frac{1}{2\pi\tau}, \omega = 2\pi f = \frac{2\pi}{T}$			
	$\tau = RC$		$\tau = \frac{L}{R}$	

$$H(\omega) = \frac{Z_{out}}{Z_{Gesamt}} = \frac{U_{out}}{U_{in}}, |H(\omega)| = \sqrt{Re(H(\omega))^2 + Im(H(\omega))^2}$$

Tief-/Hoch-/Bandpass/Bandsperre 2. Ordnung

	Tiefpass	Hochpass	Bandpass	Bandsperre
Abgriff	Kondensator	Spule	Widerstand	Kondensator + Spule
Graphen				
Vertikal: Verstärkung 20dB/Einheit (lin, max. 20dB), Horizontal: Frequenz (log), Graphen sind von RLC.				
Formeln (Allgemein)	Grenzfrequenz $Im(Z) = Re(Z) \rightarrow f_g$	Resonanzfrequenz $Im(Z) = 0 \rightarrow f_0$ $f_0 = \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}}, \omega_0 = \frac{1}{\sqrt{LC}}$ Eigenfrequenz (= Resonanz gedämpfter Schwingkreis) $f_E = \sqrt{\omega_0^2 + \delta^2}$	HP/TP sinken mit 40 dB/dec Bandpass sinkt mit 20 dB/dec Abklingkonstante $\delta = \frac{R}{2L}$	Realer Schwingkreis $\delta < \omega_0$ Schwingt Aperiodischer Grenzfall $\delta = \omega_0$ Schwingt am kürzesten Kriechfall $\delta > \omega_0$ Schwingt nicht

Allgemeine Schaltungsanalyse

$$H(\omega) = \frac{U_{out}}{U_{in}} = \frac{\delta}{\delta U_e} [U_a(U_e)], |H(\omega)| = \sqrt{Re(H(\omega))^2 + Im(H(\omega))^2}$$

Phasenverschiebung (Versatz zwischen Strom & Spannung) = $\arctan\left(\frac{Im}{Re}\right)$

Matrixschreibweise für Maschen:

$$\begin{pmatrix} \sum R \text{ mit } I_{M1} \text{ in } M1 & \dots & \sum R \text{ mit } I_{Mn} \text{ in } M1 \\ \dots & \dots & \dots \\ \sum R \text{ mit } I_{M1} \text{ in } Mn & \dots & \sum R \text{ mit } I_{Mn} \text{ in } Mn \end{pmatrix} \begin{pmatrix} I_{M1} \\ \dots \\ I_{Mn} \end{pmatrix} = \begin{pmatrix} \text{Summe } U \text{ aus Masche 1} \\ \dots \\ \text{Summe } U \text{ aus Masche } n \end{pmatrix}$$

(M = Masche, I_{Mn} = Maschenstrom), Lösung nach I mittels LGS oder Cramer'scher Regel

Analyse von Strom-/Spannungsquellen

	Innenwiderstand	Leerlaufspannung		Leerlaufstrom
		(Superposition)	(Cramer'sche Regel)	
	Alle Quellen ersetzen 1. Spannungsquelle = Kurzschluss 2. Stromquelle = Leerlauf 3. Widerstand zwischen Klemmen errechnen	Alle Quellen bis auf eine ersetzen Ausgangsspannung bestimmen Durchföhren für jede Quelle Spannungen addieren $U_o = U_{o(1)} + \dots + U_{o(n)}$	Maschen bestimmen Auflösen nach Maschenströmen $U_{Quellen} = R_x \cdot (I_{Ma} + I_{Mb}) + \dots$ Maschen in Matrixform bringen (siehe „Allg. Schaltungsanalyse“)	Analog zu Leerlaufspannung, nur zu Beginn Ausgang kurzschließen Einfachste Lösung: $I_{Kurzschluss} = \frac{U_{Leerlauf}}{R_{Innen}}$
	Norton		Thevenin	
		Spannungsquelle mit R_I in Reihe können durch Stromquellen mit R_I parallel ersetzt werden. $I_K = \frac{U_L}{R_I}$		Stromquellen mit R_I parallel können durch Spannungsquelle mit R_I in Reihe ersetzt werden. $U_L = I_K \cdot R_I$
UL = U _{Leerlauf} , IK = I _{Kurzschluss} , RI = R _{Innen}				
	Lastkurve		Leistungskurve	
	Diagramm I(U) (UI-Kennlinie) mit Gerade von I _k @ 0V zu U _L @ 0A	Diagramm P _L (R _L) Leistungsanpassung Höchste Leistung bei R _L = R _i $P_L(n \cdot R_L) = P_L\left(\frac{1}{n} \cdot R_L\right)$		

Logikgatter

	DIN / US	Wahrheitstabelle	Formal	DIN / US	Wahrheitstabelle	Formal																														
NOT		<table border="1"> <tr><td>a</td><td>z</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td></tr> </table>	a	z	0	1	1	0	$Z = \bar{A}$ $= \neg A$ $= !A$																											
a	z																																			
0	1																																			
1	0																																			
AND		<table border="1"> <tr><td>b</td><td>a</td><td>z</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr> </table>	b	a	z	0	0	0	0	1	0	1	0	0	1	1	1	$Z = A \cdot B$ $= A \wedge B$ $= AB$	NAND		<table border="1"> <tr><td>b</td><td>a</td><td>z</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> </table> $Z = \overline{A \cdot B}$ $= \overline{A \wedge B}$	b	a	z	0	0	1	0	1	1	1	0	1	1	1	0
b	a	z																																		
0	0	0																																		
0	1	0																																		
1	0	0																																		
1	1	1																																		
b	a	z																																		
0	0	1																																		
0	1	1																																		
1	0	1																																		
1	1	0																																		
OR		<table border="1"> <tr><td>b</td><td>a</td><td>z</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>1</td></tr> </table>	b	a	z	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	1	$Z = A + B$ $= A \vee B$	NOR		<table border="1"> <tr><td>b</td><td>a</td><td>z</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> </table> $Z = \overline{A + B}$ $= \overline{A \vee B}$	b	a	z	0	0	1	0	1	0	1	0	0	1	1	0
b	a	z																																		
0	0	0																																		
0	1	1																																		
1	0	1																																		
1	1	1																																		
b	a	z																																		
0	0	1																																		
0	1	0																																		
1	0	0																																		
1	1	0																																		
XOR		<table border="1"> <tr><td>b</td><td>a</td><td>z</td></tr> <tr><td>0</td><td>0</td><td>0</td></tr> <tr><td>0</td><td>1</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>0</td><td>1</td></tr> <tr><td>1</td><td>1</td><td>0</td></tr> </table>	b	a	z	0	0	0	0	1	1	1	0	1	1	1	0	$Z = A \cdot \bar{B} + \bar{A} \cdot B$ $= AB = \overline{A\bar{B}} \vee \overline{\bar{A}B}$ $= (A \vee B) \wedge \overline{(AB)}$																		
b	a	z																																		
0	0	0																																		
0	1	1																																		
1	0	1																																		
1	1	0																																		

DeMorgan

$Z = A \vee B = \overline{\overline{A \vee B}} = \overline{\overline{A} \wedge \overline{B}}$
 $Z = A \wedge B = \overline{\overline{A \wedge B}} = \overline{\overline{A} \vee \overline{B}}$
 (Jede Schaltung lässt sich nur mit NAND bzw. NOR-Gattern aufbauen)

Ein OR ist ein NAND mit negierten Eingängen
 Ein AND ist ein NOR mit negierten Eingängen

Stuff

- Definition von $i = j = \sqrt{-1}$
- Zeitlicher Versatz zwischen zwei Signalen: $\Delta t = \frac{T\phi_{\text{rad}}}{2\pi f} = \frac{T\phi_{\text{deg}}}{360^\circ}$
- Spannung ist der Potentialunterschied zwischen zwei Punkten.

x											
arctan(x) / deg	0	10	20	30	40	45	50	60	70	80	90

$$\frac{\phi_{\text{deg}}}{360^\circ} * 2\pi = \phi_{\text{rad}}$$

$Q = \frac{U_{\text{out}}}{U_{\text{in}}}$	0,01	0,1	0,5	$\frac{1}{\sqrt{2}} \approx 0,71$	1	$\sqrt{2} \approx 1,41$	2	10	100
$ Q / \text{dB}$	-40	-20	-6	-3	0	3	6	20	40

Keine negative Verstärkung (= Spannungsinvertierung) darstellbar mit dB.

$$\text{Verstärkung} = 20 \cdot \log_{10} \left(\frac{U_{\text{out}}}{U_{\text{in}}} \right) \text{ dB}$$

	Arithmetisches Mittel	Effektivwert (RMS)	Durchflutungssatz (Amper'sches Gesetz)	
Schaltung	$\overline{a(t)} = \frac{\int_{t_0}^{t_0+T} a(t) dt}{T}$ Reine Sinusspannung $u(t) = 0$ bei Offset (DC-Anteil) $\overline{u(t)} = U_{\text{offs}}$	(= Quadratatisches Mittel) $A_{\text{eff}} = \sqrt{\frac{1}{T} \cdot \int_{t_0}^{t_0+T} a(t)^2 dt}$	$\oint_S \vec{B} \cdot d\vec{s} = \mu_0 I$	$\text{rot } \vec{B} = \mu_0 \vec{J}$ $\text{rot } \vec{H} = \vec{J}_{\text{ext}}$
			$\oint_S \vec{H} \cdot d\vec{s} = I$	

Ladekurve Kondensator, Spule

$I = I_{\text{in}} \cdot 0,63$
 $t = \tau: U = U_{\text{in}} \cdot 0,63$
 $t = 5\tau: U = U_{\text{in}} / 1 = I_{\text{in}}$
 $I_{\text{max}} = \frac{U_{\text{in}}}{R}$

$t = 5\tau: U = 0 / I = 0$
 $t = \tau: U = U_{\text{in}} \cdot 0,37$
 $I = I_{\text{in}} \cdot 0,37$

Koaxial-Kabel:

$U = \int_0^a \frac{Q}{\epsilon_0 A} dr = \frac{Q}{\epsilon_0 A} \int_0^a \frac{1}{r} dr$
 $D = \frac{Q}{A} \quad E = \frac{Q}{\epsilon_0 A}$
 $C_{\text{Koax}} = \frac{2\pi \epsilon_0 L}{\ln\left(\frac{b}{a}\right)}$
 $V_{\text{peak}} = E_{\text{peak}} \cdot \ln\left(\frac{b}{a}\right)$
 $R_{\text{innenleiter}} = \rho_{\text{Al}} \left(\frac{L}{\pi a^2} \right)$
 $J_{\text{innenleiter}} = \frac{I}{\pi a^2}$